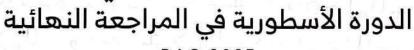


## منصــة زاد أكاديمــي





**BAC 2023** 

الإســم:

اللقب:

إختبار مادة:

الموضوع رقم: 10 / 10 مواضيع

## ورقـــــة الإجابـــــة

## التمرين الأول :

عبـر بالنجــوم علـــی درجة صعوبة التمریــن وشارکهــــا معنـــــا فــــــي الستــــــوري

(±) (©

التمريكن الأول

(يُ يُ يُ يُ يُ يُن التمريــن الثاني

රාරාරාරාරා

التمريــن الثالث

රාරාරාරාරා

التمريــن الرابع (۵۵۵۵۵)

التمرين الخامس



$U_0 = 3$	$U_{n+1} = $	$\sqrt{\frac{1+u_n^2}{2}}$	و الحول ؛	اسمره
	$\frac{u_0^2}{1} = \sqrt{5}$		سابالحدرد ل	~ O
	$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}$			
	u> 1 ways			
$U_n^2 > 1$ oin	وقَقَة. م المركب وط	\$ P(0) ain 9 P(n) δαρ (σ)	) لاه > 1 نفر ne/N	لدينا ليكن
Un+ 21 ains	$\sqrt{\frac{u_n^2+1}{2}} > 1$	Un+	$\frac{1}{2}$	_ رمند
Un+1- Un=	11+112 11 6D	مُوفَعَمَّ .	P(n+1) a	(2)
	$\frac{\sqrt{\frac{1}{2}} - u_n}{\sqrt{\frac{1+u_n^2}{2}}}$			
	V1+42 + U.			

1-42

2 ( \1+42 + Un)

10,25

الفرق له دُعن المثارة ما الله عنه المثارة المثارة المثارة الله عنه المثارة IN de los apélico (Un) ist Un- Un (O aio e بما إن (ال) متنافرة و محدودة من الاسفل فعي متكارية.  $1 + \ell^2 = 2\ell^2$  airo,  $\frac{1 + \ell^2}{2} = \ell^2$  airo,  $\sqrt{\frac{1 + \ell^2}{2}} = \ell$  $= \frac{u_n^2 - 1}{2} = \frac{1}{2} (u_n^2 - 1) = \frac{1}{2} v_n$ Vo = U2-1=8 03 Vo = Vn = Voxqn new Jet io in aly - o  $=8 \times \left(\frac{1}{2}\right)^{n} \left(012\right)$ Un = Vn+1 aios Un= Vn+1 aios Vn= Un-1 List.  $U_n = \sqrt{8} \times \left(\frac{1}{2}\right)^n + 1$  $\lim_{n \to +\infty} U_n = \lim_{n \to +\infty} \sqrt{8} \times (4)^n + 1 = 1$ 

 $-1 < 9 < 1 \quad \text{il} \quad \lim_{n \to +\infty} 8x(\frac{1}{2})^n = 0 \text{ is}$   $S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$   $= U_0 + U_1 + \dots + U_n$   $= U_0 + U_1 + \dots + U_n$ = 10+1+ 1+++---+ WHY nAN ds for in  $= V_0 + V_1 + \dots + V_n + 1 + 1 + 1 + \dots + 1 + \dots + 1 = V_n + 1$  $= 8x \frac{1 - (4)^{n+1}}{1 - \frac{1}{4}} + 1x(n+1) = 0.25$  $=16\left(1-\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}\right)+n+1$ Tn = \$0 + 2 1/1 + 2 1/2 + - - + 2 1/2 = 8 + 8 + 90n+1 +8 ne/N /5/bi io = 8(n+1) (0,21) 2" Vn = 2" x 8 x (1) x Ln = Ln(Vo) + Ln(V1) + --- + Ln(Vn) = (Ln(8) + Ln(8) + n Ln(1/2))(n+4) nEIN & jet in  $L_n(V_n) = L_n(8x(\frac{1}{2})^n)$  $= (2 \ln(8) + n \ln(\frac{1}{2}))(n+1) = \ln(8) + n \ln(\frac{1}{2})$ (0,95) إذن ماحوصوع autial areleto 1= n+1 Ln(8) , 0 d, il los auch In(1)

التمرين التاني :

$$X = \{0, 1, 2, 3, 4\}$$

zi!	0	1	Ł	3	4	المال المحتمال ع
Pi	7/45	20	12	5 45	1 45	العادة المعانية

$$P(X = 0) = \frac{C_3^2 + C_2^2 + C_3^2}{C_{10}^2} = \frac{7}{45}$$

$$P(X=4) = \frac{C_{1}^{4} \times C_{1}^{4}}{C_{10}^{2}} = \frac{1}{45}$$

$$P(X=3) = \frac{c_1^4 \times c_2^4 + c_3^4 \times c_4^4}{c_{10}^2} = \frac{5}{45}$$

$$P(x = 2) = \frac{C_1^{1} \times C_3^{1} + C_3^{1} \times C_2^{1} + C_3^{1} \times C_1^{1}}{C_{10}^{2}} = \frac{12}{45}$$

$$P(x=1) = 1 - P_1 - P_2 - P_4 - P_5 = \frac{20}{45}$$

$$E(X) = \sum_{k=1}^{5} x_{k} P_{k} = \frac{63}{45}$$

$$= \frac{63}{45}$$

$$= \frac{63}{45}$$

$$= \frac{63}{45}$$

$$= \frac{63}{45}$$

~ 1,4

Ain = 90 (01) : Discoll = Noll se - 1 (& EAT 2 A 1 + 2 A 1 x A 2 + 2 A 3 x A2 P(A) = Card(A)Card(12) P(B) = card(B)
Card(1) (Z+2-3i)(Z2-2Z+10)=0 ei : aslesi J- 1/I 2+2-3i=0-0 22-12+10=0-0Z=-2+3i (1) is Δ= b²-4ac = 4-4×10=-36 Lin @ io (6i)2=-36 Ww  $\frac{2}{2} = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} \quad \frac{2}{3} = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} \quad \text{and} \quad \frac{2}{3} = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} \quad \frac{2}{$  $= \frac{2-6i}{2} = 1-3i = \frac{2+6i}{2} = \frac{1}{2} + 3i$ ZB-Zc = 1-3i-1-3i 1 1 / II ZA -2c -2+31-1-31 = -6i = 2 i (0,25)  $|2i| = \sqrt{0^2 + 2^2} = 2$ 

ary(i)=0 200  $Con\theta = \frac{x}{r} = \frac{o}{y} = 0$ Smi 0 = 3/4 = 2 = 1 arg(i)=II+2EIT aros let == (0,25) ZB-2c = reio = 20172 ب) التعويل T الذي رعول A إلى الح حر تستابه مباشر مرکزه C و زاریه T و نسته ک.  $\arg\left(\frac{z_{B}-2c}{z_{A}-2c}\right)=\left(\overrightarrow{CA},\overrightarrow{CB}\right)$ = 1 + 201  $\frac{2B-2c}{2A-2c} = \frac{CB}{CA} = 2$  9 (0)25 CB=2CA aros C is it to ABC who I air, ما أن ABC مثلت قائم في C فإن النقط، ABC تذنسی الی دانرة (T) قطر ما [AB]  $Z_1 = \frac{Z_1 + Z_2}{2} = \frac{-2 + 3\lambda + 1 - 3\lambda}{2} = -\frac{1}{2}$  $\Gamma = \frac{AB}{2} = \frac{|Z_B - Z_A|}{2} = |1 - 3i + 2 - 3i| = \frac{|3 - 6i|}{2} = \frac{3}{2}\sqrt{5}$ 

2 Leas & some co abs M isti - [ (2 AM = 1 and  $\frac{|\overline{2}_{H}-\overline{2}_{A}|}{|\overline{2}_{H}-\overline{2}_{C}|} = 1$  and  $\frac{|\overline{2}-\overline{2}_{A}|}{|\overline{2}-\overline{2}_{C}|} = 1$  and  $\frac{|\overline{2}-\overline{2}_{A}|}{|\overline{2}-\overline{2}_{C}|} = 1$  and  $\frac{|\overline{2}-\overline{2}_{A}|}{|\overline{2}-\overline{2}_{C}|} = 1$ [AC] 190000 (d) aio, AM = CM aiog (A) co (T) july lou with [ (1) 0) 6,00 T(c)=c T(A)=Billa T(AC] = [BC] are [BC] àverimon de bell, ser ge (1') avos (A,1),(B,1),(D,-1)} 2 200 €  $\frac{Z_{C}}{Z_{D}} = \frac{Z_{A} + Z_{B} - Z_{D}}{I}$  $Z_D = Z_A + Z_B - Z_C \left( O \Gamma \right) \quad \text{alog}$  $\frac{2c+20}{2} = \frac{1+3\ell-2-3i}{2} = -\frac{1}{2} = \frac{2}{2} = \frac$ : 63 plane = ADCB GELUI to -tA = 1+3/ +2-3/ 2 = 2 = 1-3/+2+3/ = 3 (x6/5/5/09 ADCB) AC=DB avos

(AC + CB) AC = & CB vilo ( (A, (B) = TT +22TT Wide  $f(x) = x - (x^2 + 1) e^{-x + 1}$  $\frac{1}{2} = -\infty$   $\frac{1}{2} = 0$   $\lim_{x \to \infty} f(x) = \lim_{x \to \infty} \left[ -x + 1 - e^{-x+1} \right]$  $= \lim_{x \to +\infty} \left[ x - \frac{x^2}{e^x} \cdot e - e^{-x+1} \right] \lim_{x \to +\infty} e^{-x+1} = 0$ ب- المسترقة الم دائة خابلة للإستقفاق على اله ولدنيا من أحل  $\mathcal{L} \rightarrow +\infty$  $f(x) = 1 - (2xe^{-x+1} - e^{-x+1}(x^2+1))$  $= 1 - 2xe^{-x+1} + e^{-x+1}(x^2+1)$  $= 1 + (x^{2} - 2x + 1)e^{-x+1} + (x-1)^{2} - x + 1$ e >0 , (2-1)2 >0 6 y f(x) >0 xEIR / plico ل دانهٔ متزاره و عاما po+ (0,1)

(1) (A) aming ord, you'll (P) -cel, 00+  $\lim \left[f(x)-y\right]=\lim \left[-(x^2+1)e^{-x+1}\right]$ (d) Ul amil (Se) aie o  $-4 = -(2^2 + 1)e^{-x+1} < 0$ (G) = at (A) السعادلة ٥= (x) عمر عالم وصما و مرا على المعادلة عمر على المعادلة عمر عمر المعادلة عمر عمر المعادلة عمر عمر الم 1,8)x (1,9) (0) Rdelolas Enlino o joino f  $(x-1)(\ell-x+1)e^{-x+1}=(x-1)(3-2)e^{-x+1}$ (x-1)(x-3) e - 2+4 1 الفدمة وغيرة (3 - 2+4) 1 الفدمة وغيرة (3 - 2+4) f(0) = - 2 (ع) ميعبل تعطيي الفطاي ١٠٠١ (١٤) 2-1 A(1,-1) los 392 P'(x) B(3, f(3))

الرصادية بعد عدد الإرماعي غوامل نقط سَعَاطع (Cf) وعدد الرماعي غوامل نقط سَعَاطع (Cf) والمعادية إلى الم المعادلة تعبّل مار مرا سالبًا . المعادلة تعبّل مار سر سر المعارضًا معدرضًا المعارضًا المعارضًا المعارضًا معارضًا معارضًا معارضًا المعارضًا المعارضً المعارضً المعارضً المعارضً المعارضً Job J= 7 Jole 1 m€[0,+00[  $G'(x) = -\left(e^{-2+1} - e^{-x+1}\right) x \in \mathbb{R} \quad \text{if in }$  $= -e^{-241} + xe^{-241} + e^{-241}$  $I_1 = \int_0^1 x e^{-\alpha + 1} dx = \left[G(x)\right]_0^1$ = G(1) - G(0) = -2 + 2 = 2 - 2 = G(1) - G(0) = -2 + 2 = 2 - 2 = 0 - 2 $= \left[ -x^{n+1} - x + 1 \right]^{1} - \int_{-(n+1)}^{2} x^{n} e^{-x+1} dx$  $=-1+(n+1)\int_{0}^{1}x^{n}e^{-x+1}dx$ =-1+(n+1) In (01)  $I_2 = -1 + 2I_1 = -1 + 2(e-2) = 2e-5$ 

 $S = \int (y - f\alpha) dx = \int (x + 1) e^{-x + 1} dx$  $= \int_{\alpha}^{1} x^{2} e^{-x+1} dx + \int_{\alpha}^{1} e^{-x+1} dx$  $= I_2 + [-e^{-2+1}]^{\frac{1}{2}}$ +(-1+e)=le-5-1+e= 3e - 6(u, a)







 $S = \int_{0}^{1} (y-f\alpha) dx = \int_{0}^{1} (x+1)e^{-x+1} dx$   $= \int_{0}^{1} (x+1)e^{-x+1} dx + \int_{0}^{1} e^{-x+1} dx$ 



U1 = 240+1 = 1 (01): - 2 = 1 (1 (I P(n) Un = 2 -1 = non 15/10 co il 20/20 - c لرياً 1-2 = 0 = مل ومنه (٥) مُووَقَة  $U_{n} = 2^{n} - 1 \text{ if } p(n) \text{ is in } n \in \mathbb{N}$   $U_{n+1} = 2^{n+2} \text{ alogen } 2U_{n} + 1 = 2^{n+2} \text{ alogen } 2U_{n} = 2^{n+$ new & Joi ioi is (Wn)  $W_{n+1} = 2^{n+1} = 2 \times 2^n = 2 W_n$  $S_n = W_0 + W_1 + \dots + W_n = W_0 \times \frac{q^{n+1}-1}{q-1}$   $= \frac{2^{n+1}-1}{2-1} = 2^{n+1} - 1 = 0$  $S_{n}^{n} = V_{0} + V_{1} + \cdots + V_{n} \quad V_{n} = U_{n} + 3$  $=2^{n}-1+3$ opt = Wo+2+W1+2+--+Wn+2 = 2-1+0 = Wo+W1+--+Wn+2+2+--+2 = Wn+2  $= 2^{n+1} - 1 + 2(n+1) = 2^{n+1} + 2n + 1$  $92(5)_{n}^{n} = U_{0} + U_{1} + \dots + U_{n}$   $= W_{0} - 1 + W_{1} - 1 + \dots + W_{n} - 1$   $= W_{n} - 1$  $=2^{n+1}-1-1x(n+1)-2^{n+1}n-2$ 

1 Land leading L. (un, Vn) 1 8 20 1 es. d/27-2-(27-1)aios d/27-1 aios (d/Un issue)
d/27-2-(27-1)aios d/27-1 d/27+2-2x+169T . d 3 , sio مواقي فسَمة المعلى 3. 2=1[3], 2=2[3], 2=1[3] Land صنه البواقي دورية ودورها (2) إذاكان اله n= عان (3) عان الم = 1 2 = 2[3] clis n= 21 + 1 (8) il (0) 27-1=0(3) 616= Vn=0[3] pi nell ind (0) 2n=1[3) = 1 (3) = -2[3] E= 2 (n = 2h) aios ا إذا كمان 1 + المع م عان 3 لا - قسم Vn و منه في عنه  $Po(d(u_n, v_n) = 1$  and e on affer de la la los los des des 2"-1-2=2+2+1[3] و الحاسم عن الحاسم 31-3(n-1) & Loca -3n-3=0[3] & Loca ==